

# Applications de la dérivation – Exercices - Devoirs

## Exercice 1 corrigé disponible

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x + 2$

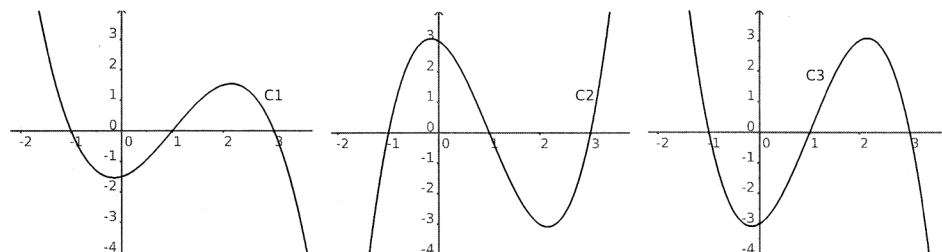
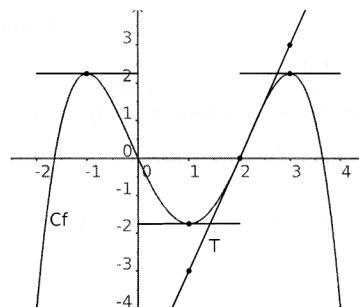
On désigne par  $C_f$  sa courbe représentative dans une repère orthonormé .

1. Etudier les variations de  $f$ .
2. Déterminer une équation de la droite (T) tangente à  $C_f$  au point d'abscisse 1.
3. Construire la courbe  $C_f$  et la droite (T).

## Exercice 2 corrigé disponible

On a représenté ci-contre la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ .

1. Déterminer le signe de  $f'(x)$ .
2. Déterminer graphiquement  $f'(-1)$ ,  $f'(1)$ ,  $f'(2)$  et  $f'(3)$ .
3. Donner une équation de la droite  $T$  tangente à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 2.
4. Parmi les trois courbes ci-dessous  $C_1$ ,  $C_2$  et  $C_3$ , quelle est la courbe associée à la fonction  $f'$ ?



## Exercice 3 corrigé disponible

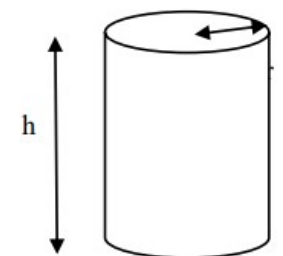
Soit la fonction  $f$  définie sur  $[0 ; +\infty [$  par  $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 9}$

- 1) Montrer que pour tout  $x \geq 0$ ,  $f'(x) = \frac{2(3+x)(3-x)}{(x^2+9)^2}$
- 2) En déduire l'étude des variations de  $f$

## Exercice 4 corrigé disponible

On considère une boîte de conserve de forme cylindrique. Un volume  $V=10\text{dm}^3$  étant donné, on souhaite minimiser la quantité de métal utilisé pour fabriquer cette boîte.

On note  $r$  : le rayon de la base et  $h$  : la hauteur



- 1) Démontrer que la surface de métal utilisé est donnée par  $S(r) = 2\pi r^2 + \frac{20}{r}$
- 2) a) Donner l'ensemble de définition de  $S$   
b) Étudier les variations de  $S$  sur ce domaine
- 3) En déduire les dimensions de la boîte répondant au problème posé.

### Exercice 5 corrigé disponible

Déterminer l'ensemble de définition de  $f$  puis étudier ses variations.

$$1) f(x) = 2x + 1 - \frac{2}{x-3} \qquad 2) f(x) = \frac{2x^2 + 8x + 2}{x^2 + 2x + 1}$$

$$3) f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x-3}}$$

### Exercice 6 corrigé disponible

Dans le Périgord, un producteur de truffes noires cultive, ramasse et conditionne de 0 à 45 kilogramme de ce produit par semaine durant la période de production de la truffe.

On désigne par  $x$  le nombre de kilogrammes de truffes traités chaque semaine et par  $C(x)$  le coût total pour la production de  $x$  truffes.

Pour ce producteur  $C(x) = x^3 - 60x^2 + 975x$ .

Chaque kilogramme de truffes conditionné est vendu 450€.

La recette pour la vente de  $x$  kg est donnée par  $R(x) = 450x$ .

Le bénéfice positif ou négatif réalisé par le producteur pour la production

et la vente de  $x$  kg de truffes est défini par  $B(x) = R(x) - C(x)$ .

1. Exprimer le bénéfice  $B(x)$  réalisé par le producteur pour  $x$  kg de truffes vendues.
2. Étudier le sens de variation de la fonction  $B$ .
3. Pour quelle quantité de truffes le bénéfice du producteur est-il maximal ?
4. Quel est alors le bénéfice maximal ?